Maths 1^{re} S

Les indispensables

Algorithmique		II
1. Qu'est-ce qu'un algorithme ?	II	
2. Entrées, sorties et variables	II	
3. Structure conditionnelle : Si alors Sinon	IV	
4. Boucle Pour	V	
5. Boucle Tant Que	VI	
6. Du langage naturel au langage de programmation	VII	
Logiciel de géométrie dynamique		VIII
Tableur		X
Logiciel Xcas		XII
		XIII
Calculatrices Casio		
Calculatrices Casio	XIV	
Calculatrices Casio 1. Étudier une fonction 2. Étudier une suite définie par récurrence	XIV XV	
Calculatrices Casio 1. Étudier une fonction 2. Étudier une suite définie par récurrence 3. Étudier une série statistique	XIV XV XV	
Calculatrices Casio 1. Étudier une fonction 2. Étudier une suite définie par récurrence 3. Étudier une série statistique 4. Effectuer une simulation d'une expérience aléatoire	XIV XV XV XV	
Calculatrices Casio 1. Étudier une fonction 2. Étudier une suite définie par récurrence 3. Étudier une série statistique 4. Effectuer une simulation d'une expérience aléatoire 5. Utiliser une variable aléatoire X suivant la loi binomiale	XIV XV XV XV XV XV	

Qu'est-ce qu'un algorithme ?

Un algorithme est un **ensemble d'actions à réaliser dans un ordre précis** afin d'accomplir une tâche.

Le nombre d'actions à réaliser n'est pas forcément connu à l'avance mais est toujours fini.

L'élaboration d'un algorithme peut se décomposer en trois grandes phases :



Info Les algorithmes ne sont pas en lien direct avec l'informatique. Leur finalité est de fournir une réponse à un problème posé. Étant constitués d'un nombre parfois très arand d'instructions simples, leur exécution peut être laborieuse. C'est pourquoi on a recours à un ordinateur ou une calculatrice. On traduit l'algorithme dans un langage de rogrammation compris par la machine : on obtient alors un programme informatique.

2 Entrées, sorties et variables

a Les variables

Pour pouvoir utiliser les données fournies par l'utilisateur, l'ordinateur doit les stocker dans des **variables**.

Une **variable** peut être vue comme une boîte à laquelle on donne un nom (généralement constitué d'une lettre) et qui ne peut contenir qu'une seule donnée à la fois.

L'action de stocker une donnée dans une variable s'appelle l'affectation.



Info Attention ! Si une variable contient déjà une donnée et qu'elle est de nouveau affectée, la nouvelle donnée remplace l'ancienne qui est irrémédiablement perdue.

Remarque Dans le langage Algobox, on déclare les variables en début d'algorithme. Dans le langage des calculatrices, il n'est pas nécessaire de déclarer les variables.

Lorsqu'on élabore un algorithme, il est d'usage d'indiquer l'ensemble des variables utilisées dans cet algorithme en précisant pour chacune d'elle leur **type** (entier naturel, entier relatif, nombre réel, chaîne de caractère...). On parle de **déclaration des variables**.

b Les instructions d'entrées/sorties et d'affectation

Entrées

« Saisir A » ou « Demander A » sont les instructions permettant à l'algorithme de demander à l'utilisateur de lui fournir une donnée, celleci étant affectée à la variable A.

Sorties

« Afficher A » est l'instruction permettant d'afficher la donnée contenue dans la variable A à l'écran.

Affectation

« A prend la valeur 2 » est l'instruction permettant d'affecter la valeur 2 à la variable A.

C Exemple

Structure d'un algorithme

On souhaite élaborer un algorithme permettant d'additionner deux nombres entrés par l'utilisateur.

ALGO : Addition	On déclare trois variables qu'on appelle A, B et C.
Variables	<u></u>
A, B et C sont des nombres réels Entrées Demander A Demander B	L'utilisateur entre une valeur dans A. On dit aussi que cette valeur est affectée dans A. L'utilisateur entre une valeur dans B.
Traitement C prend la valeur A+B Sortie	Cette instruction réalise l'addition de A et B et affecte le résultat dans la variable C.
Afficher C <	Le contenu de la variable C est affiché à l'écran.

Application de l'algorithme pour additionner 3 et 4

Le tableau de suivi des variables A, B et C est donné ci-dessous.

Étapes de l'algorithme	А	В	С	Affichage
L'utilisateur entre 3. Cette valeur est stockée dans A	3			
L'utilisateur entre 4. Cette valeur est stockée dans B	3	4		
C prend la valeur A+B	3	4	7	
On affiche la valeur contenue dans la variable C, c'est-à-dire 7	3	4	7	7

Programmes correspondants et exécutions





3 Structure conditionnelle : Si... αlors...Sinon...

a La structure Si... alors... Sinon...

Une instruction conditionnelle est une instruction réalisée uniquement lorsqu'une condition est remplie.



b Exemple

On souhaite élaborer un algorithme qui indique à l'utilisateur s'il est mineur ou majeur.

ALGO : Majorité		
Variable :	A est un nombre entier naturel 🔫	On ne déclare ici qu'une seule variable.
Entrée :	Demander A	
Traitement et sortie :	Si A $<$ 18 alors	
	Afficher « Vous êtes mineur »	
	Sinon	
	Afficher « Vous êtes majeur »	
	FinSi	

Application de l'algorithme à la valeur 23

Voici le tableau de suivi des variables :

Étapes de l'algorithme	А	Condition A<18	Affichage
L'utilisateur entre 23, cette valeur est stockée dans la variable A	23		
On teste la condition « A<18 »	23	FAUX	
La condition n'étant pas vérifiée, on exécute les instructions du « Sinon »	23		« Vous êtes majeur »

Programmes correspondants et exécutions



4 Boucle Pour

∂ Lα structure des boucles Pour

Une structure d'instructions itératives permet de répéter une liste d'instructions un nombre fini de fois ; lorsque le nombre de répétitions est connu à l'avance on dit qu'on exécute une **boucle Pour**.



b Exemple

On souhaite élaborer un algorithme qui calcule la somme de tous les entiers consécutifs de 1 à A, A étant un entier naturel entré par l'utilisateur.



Application de l'algorithme à la valeur 2

Voici le tableau de suivi des variables :

Étapes de l'algorithme	А	i	S	Affichage
L'utilisateur entre 2. Cette valeur est stockée dans la variable A. La variable S est initialisée à 0.	2		0	
1 ^{er} tour de boucle : $i = 1$, S prend la valeur S + i , soit 0 + 1 = 1.	2	1	1	
2^{e} tour de boucle : $i = 2$, S prend la valeur S + i , soit $1 + 2 = 3$.	2	2	3	
Sortie de boucle car i a dépassé la valeur maximale (2)	2	3	3	
Le contenu de la variable S est affiché à l'écran.	2	3	3	3

Programmes correspondants et exécutions





5 Boucle Tant Que

Une structure d'instructions itératives permet de répéter une liste d'instructions un nombre fini de fois ; lorsque l'arrêt des répétitions dépend d'une condition, on dit qu'on exécute une boucle **Tant Que**.

a La structure des boucles Tant Que



Si elle est vraie, la liste d'instruction est exécutée puis la *condition* est réévaluée. Si elle est fausse, on sort de la boucle.



b Exemple

Problème : Des parents versent la somme de 500 euros sur un compte à la naissance de leur fille. Chaque année, ils versent 200 euros sur ce compte. Combien d'années sont nécessaires pour que la somme présente sur ce compte dépasse 5 000 euros ? On supposera qu'aucun retrait n'est effectué sur ce compte.

ALGO : Évolut	tion d'un compte bancaire		S indique la somme présente sur le compte et <i>i</i> est un compteur qui permet de compter le nombre d'années écoulées.
Variables :	S est un nombre réel		
Entrées :	s prend la valeur 500	-{	À la naissance (i = 0), la somme présente sur le compte s'élève à 500 €.
Traitement	: Tant Que S ≤ 5000 Faire S prend la valeur S+200 <i>i</i> prend la valeur <i>i</i> +1 FinTantQue		Tant que la somme ne dépasse pas les 5 000 euros, on continue d'alimenter chaque année le compte de 200 euros et on incrémente <i>i</i> d'une unité. Lorsque la condition S ≤ 5000 n'est plus vérifiée, on sort de la boucle.
Sortie :	Afficher i		Le numéro de l'année où la somme S dénasse les 5 000 € est

Application de l'algorithme

Voici le tableau de suivi des variables :

Étapes de l'algorithme	S	i	S ≤ 5000	Affichage		
Initialisations	500	0	VRAI			
1 ^{er} tour de boucle	700	1	VRAI			
22 ^e tour de boucle	4900	22	VRAI			
23 ^e tour de boucle	5100	23	FAUX		Il faut attendre 23 années pour que	
Sortie de boucle car la condition S ≤ 5000 n'est plus vérifiée	5100	23			la somme présente le compte dépasse	
Affichage du contenu de i				23	5 000 euros.	
	1				1	

Programmes correspondants et exécutions





alors stocké dans *i*.

6 Du langage naturel au langage de programmation

	Casio	ТІ	Algobox
Manipulations spécifiques au langage	On accède au mode programmation, MENU puis on nomme le programme : NEW Program Name	On accède au mode programmation, puis on nomme le programme : prgm PROGRAMME Nom=	Il faut déclarer les variables utilisées :
Entrées Demander ou Saisir	Dans le menu SHIFT VARS On sélectionne ?	Dans le menu prgm (E/S) On sélectionne 1 :Input ou 2 :Prompt	Ajouter LIRE variable Lire une variable LiRE la variable : Rang du terme de la liste : OK Annuler
Sorties Afficher	Dans le menu SHIFT VARS on sélectionne	Dans le menu prgm (E/S) on sélectionne <mark>3 : Disp</mark>	Ajouter AFFICHER Variable AFFICHER la variable : a AFFICHER la variable :
Affectation A prend la valeur	→ A	Sto+ A	AFFECTER valeur à variable La variable : a prend la valeur :
Exprimer une condition	Dans le menu SHIFT VARS on sélectionne P puis REL	MENU alpha math	
Instruction conditionnelle	Dans le menu SHIFT VARS on sélectionne COM If Then Else Gene	Dans le menu prgm on sélectionne 1 : If 2 : Then 3 :Else et on ferme l'instruction par 7 : End	Ajouter SL.ALORS SI la condition : est vérifiée ALORS Ajouter SINON Ne pas oublier de cocher la case « Ajouter SINON »
Boucle Pour	Dans le menu SHIFT VARS on sélectionne COM puis C For To Step Next	Dans le menu prgm on sélectionne 4 :For on ferme la boucle 7 :End	Ajouter POURDEA
Boucle Tant Que	On sélectionne COM puis deux fois sur Whie WEnd Do LP-W	Dans le menu prgm on sélectionne <mark>5 :While</mark> et on ferme la boucle par <mark>7 :End</mark>	Ajouter TANT QUE TANT QUE la condition : est vérifiée

Logiciel de géométrie dynamique



Chaque icône de la barre d'outils permet d'accéder à un **sous-menu** contenant des outils de même type. Lorsqu'un outil est sélectionné, une aide sur son utilisation est affichée à droite de la barre d'outils.



La fenêtre algèbre recense tous les objets créés. Elle permet d'accéder à leur **définition** et, par le biais de la fenêtre des propriétés, à l'ensemble de leurs **attributs paramétrables**.



La fenêtre graphique montre les **objets géométriques** et **mathématiques** affichables. On peut y faire apparaître un repère orthogonal et une grille dont les paramètres sont accessibles à partir du menu graphique obtenu par clicdroit dans cette fenêtre.



Logiciel de géométrie dynamique



Tableur

a Généralités

Le tableur est constitué de cases appelées cellules et repérées par leur colonne et leur ligne. On modifie le contenu des cellules par l'intermédiaire de la ligne de saisie.

Les cellules du tableur peuvent contenir :

• des valeurs (nombre, texte) et dans ce cas le contenu de la cellule et son affichage sont identiques; • des formules et dans ce cas le contenu de la cellule et son affichage sont différents.



D Formules et références

Une formule peut utiliser le contenu d'une autre cellule en utilisant sa référence (colonne-ligne).



Recopie vers le bas ou vers la droite

Une formule entrée dans une cellule peut être automatiquement recopiée dans les cellules situées en-dessous ou à droite grâce à la « poignée » présente dans le coin inférieur droit de la cellule sélectionnée.

En faisant un clic gauche et en maintenant, on peut étirer la sélection vers le bas ou la droite. La formule contenue dans la cellule d'origine est alors automatiquement recopiée dans toutes les cellules ainsi sélectionnées.

Si la cellule initiale contient des références à d'autres cellules, le numéro de ligne (ou de colonne) de ces références est automatiquement augmenté.

Exemple

Si la cellule B2 contient la formule =A1+2 et que celle-ci est recopiée deux fois vers le bas alors :

- la cellule B3 contiendra la formule $=A^{2}+2$
- la cellule B4 contiendra la formule =A3+2...

Utilisation du signe \$

Pour éviter l'augmentation automatique de la ligne ou de la colonne lors de la recopie vers le bas ou vers la droite, on place le signe \$ devant la ligne ou la colonne (ou les deux) que l'on ne veut pas voir augmenter. Exemple

Si la cellule B2 contient la formule =A¹+2 et que celle-ci est recopiée deux fois vers le bas alors :

- la cellule B3 contiendra la formule =A^{\$1+2}
- la cellule B4 contiendra la formule =A\$1+2...









Tableur



• La fonction **NB.SI** permet de compter le nombre de cellules d'une plage définie respectant un certain critère.

Exemple ₁

La formule NB.SI A1 : D5;" = 6" compte

le nombre de cellules dans la plage A1:D5 dont le résultat est égal à 6.

e Statistiques

De nombreuses **fonctions statistiques** sont disponibles afin de calculer les caractéristiques d'une série.

Si on considère la série donnée (tableau ci-contre), on peut alors en calculer les caractéristiques à l'aide des fonctions **MOYENNE**, **MEDIANE**, **QUARTILE** on peut aussi calculer les valeurs minimale et maximale de la série avec **MIN** et **MAX**.





Tableur XI

Logiciel Xcas

Généralités

On tape les commandes dans les lignes de calcul numérotées de l'interface. La commande saisie est exécutée lors de l'appui sur la touche « Entrée » du clavier.

Plusieurs commandes différentes peuvent être exécutées dans une même ligne ; pour cela, elles doivent être séparées par un point-virgule. Les résultats de chaque commande sont alors affichés entre parenthèses, séparés par des virgules.

On trouve la totalité des commandes existantes en parcourant les menus de l'interface (Outils, Expression, Cmds, Prg, Graphe, Geo...).

Calcul numérique

Les résultats sont donnés de façon exacte (fractions simplifiées).

Pour afficher une valeur approchée d'un résultat, utiliser la fonction evalf (en indiquant si besoin le nombre de décimales souhaitées).

Commandes particulières

- Calculer la racine carrée : sqrt(...)
- Déterminer la partie entière d'un nombre : floor(...)
- Choisir un nombre au hasard entre *a* et *b* : rand(a,b) ou hasard(a,b)
- Choisir un entier au hasard entre 1 et N : 1+rand(N) ou 1+hasard(N)

Calcul algébrique

Commandes particulières

- Développer une expression : developper(expression)
- Factoriser une expression : factoriser(expression)
- Résoudre une équation : resoudre(equation)

Fonctions

Commandes particulières

- Définir une fonction *f* : *f*(*x*) := *expression*
- Déterminer la valeur en laquelle une fonction f est minimale ou maximale sur un intervalle [*a*, *b*] : **fMin**(*f*(*x*),**x**=*a*..*b*) ou **fMax**(*f*(*x*),**x**=*a*..*b*)
- Déterminer la forme canonique d'une fonction trinôme du second degré : forme canonique(f(x))

• Tracer la courbe représentative d'une fonction f sur l'intervalle [a, b]: **plotfunc(**f(x), **x**=a..b) Info Le logiciel Xcas est accessible gratuitement et sans installation en ligne : http://www.xcasenligne.fr/ gvac_online/demoGiac-Php.php







XII



Les instructions écrites sur <mark>fond bleu</mark> sont affichées sur l'écran de la calculatrice, accessibles par les touches des menus F1, F2, etc.





